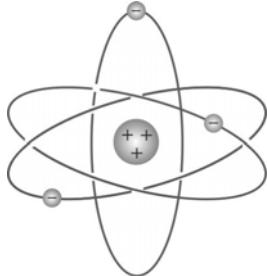




## # بار الکتریکی

## ویژگی‌های ساختار یک اتم



- ۱- هر اتم از دو قسمت هسته و **الکترون** تشکیل شده است.
- ۲- هسته از ذرات ریزی به نام **پروتون** و **نوترون** تشکیل شده است.
- ۳- هسته، فضای بسیار کمی از اتم را اشغال می‌کند و **الکترون‌ها** در فاصله‌ی نسبتاً دوری از هسته به دور آن می‌چرخند.
- ۴- اتم در حالت عادی خنثی می‌باشد، در نتیجه تعداد پروتون‌های موجود در هسته‌ی اتم با تعداد الکترون‌های آن **برابر** می‌باشد.
- ۵- اندازه‌ی بار الکتریکی الکترون و پروتون با هم **برابر** است و نوترون بار الکتریکی **ندارد**.
- ۶- به طور قراردادی **بار الکترون را منفی** و **بار پروتون را مثبت** فرض می‌کنیم.

نام ذره	بار (C)	جرم (kg)
الکترون	$-1/6 \times 10^{-19}$	$9/1 \times 10^{-31}$
پروتون	$+1/6 \times 10^{-19}$	$1/67 \times 10^{-27}$
نوترون	۰	$1/68 \times 10^{-27}$

## اصل پایستگی بار

براساس این اصل بار الکتریکی به وجود نمی‌آید و خود به خود هم از بین نمی‌رود، بلکه از یک جسم به جسم دیگر منتقل می‌شود؛ به‌طوری که در نهایت مجموع بار الکتریکی احسام مقداری ثابت می‌باشد.

اندازه‌ی بار الکتریکی یک جسم را می‌توان از رابطه‌ی زیر به دست آورد:

$$q \leftarrow \text{مقدار بار الکتریکی بر حسب کولن (C)}$$

$$n \leftarrow \text{تعداد الکترون‌های مبادله شده}$$

$$e \leftarrow \text{اندازه‌ی بار الکترون}$$

زمانی که جسم الکترون از دست بدهد.  
 $q = \pm ne$   
 زمانی که جسم الکترون بگیرد.

## شرط‌های وجود بار الکتریکی

- ۱- باری کمتر از بار الکترون وجود ندارد. ( $|q| \geq 1/6 \times 10^{-19} C$ )
- ۲- بار الکتریکی باید مضرب صحیحی از بار الکترون باشد. ( $n = \frac{q}{e} \in \mathbb{Z}$ )
- **اجسام رسانا:** اجسامی هستند که بار می‌تواند به آزادی در آن‌ها حرکت کند.  
ویژگی اجسام رسانا:  
۱- وجود الکترون‌های آزاد بسیار زیاد.  
۲- بار روی سطح خارجی این اجسام **توزیع** می‌شود.  
۳- با روش القاء، تماس و مالش باردار می‌شود.
- **اجسام نارسانا:** اجسامی هستند که به دلیل عدم وجود الکترون‌های آزاد، بار نمی‌تواند به آزادی در آن‌ها حرکت کند.  
ویژگی اجسام نارسانا:  
۱- بار در محل تماس باقی‌مانده و **توزیع نمی‌شود**.  
۲- فقط با روش **مالش** باردار می‌شوند.

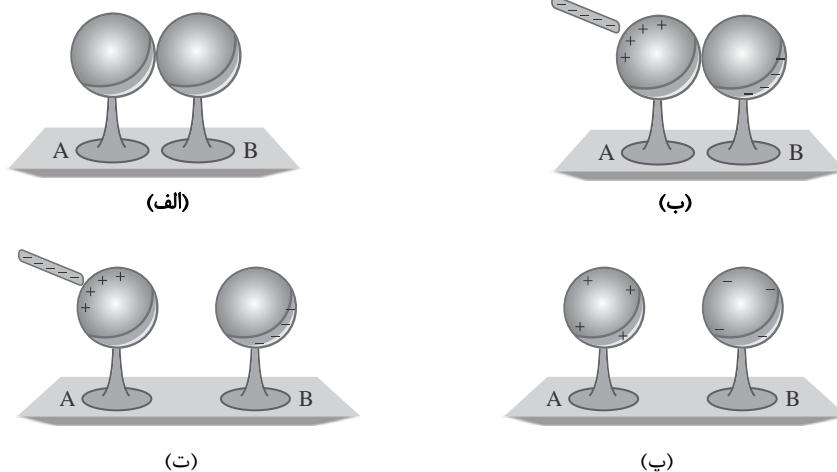
## انتقال بار

از سه طریق می‌توان اجسام را باردار نمود:

- ۱- **روش تماسی:** اگر ۲ جسم رسانا با بارهای اولیه  $q_1$  و  $q_2$  را با هم تماس دهیم در این صورت آن‌قدر الکترون بین دو جسم مبادله می‌شود تا بار هر ۲ جسم (با فرض یکسان بودن ۲ جسم) با هم یکسان شود، یعنی:  

$$q_1 + q_2 = q'_1 + q'_2$$
- ۲- **روش مالش:** اگر دو جسم متفاوت را با یکدیگر مالش دهیم، جسمی که میل بیشتری به جذب الکترون دارد، تعدادی از الکترون‌های جسم دیگر را جذب می‌کند و بار منفی می‌گیرد. جسم دیگر نیز الکترون از بار می‌گیرد. در مالش اجسام با یکدیگر، بعد از باردار شدن، بار الکتریکی خالص دو جسم همان‌دانه ولی ناهمنام است.
- جسم‌های نارسانا را به روش مالش باردار می‌کنند (تیغه‌ی شیشه‌ای و پارچه‌ای بریشمی) در جسم‌های نارسانا بار الکتریکی فقط در محل مالش داده شده باقی می‌ماند و در جسم پخش نمی‌شود.

- تیغه‌ی شیشه‌ای در تماس با پارچه ابریشمی بار مثبت و تیغه‌ی پلاستیکی در تماس با پارچه پشمی بار منفی پیدا خواهد کرد.
- ۳- روش القاء: در این روش به کره‌های رسانا بدون تماس با میله‌ی باردار، بار الکتریکی می‌دهیم.



**نیروهای الکتریکی:** دو جسم باردار به یکدیگر نیرو وارد می‌کنند اگر بارها همانم باشند نیرو دافعه و اگر بارها غیرهمانم باشند نیروی جاذبه به یکدیگر وارد می‌کنند.

## سؤال ۲ سوال

بار الکتریکی

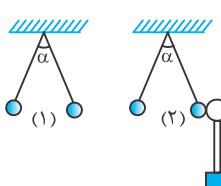
- ۱ آ) جمله‌ی زیر را با عبارت مناسب کامل کنید.

بار الکتریکی به وجود نمی‌آید و خود به خود از بین نیز نمی‌رود، به این بیان ..... گفته می‌شود.

- ب) گلوله‌ی سبک رسانایی از نخ عایقی آویزان است. ابتدا آن را با دست لمس می‌کنیم، بعد میله‌ای با بار منفی را به آن نزدیک می‌کنیم.  
نهایی ریاضی - شهریور ۸۵ - نهایی تجربی - دی ۸۴ (۴ بار تکرار)

- ۲ شکل (۱) دو آونگ الکتریکی کاملاً مشابه با بارهای مثبت و هم اندازه را نشان می‌دهد که با یکدیگر زاویه‌ی  $\alpha$  ساخته‌اند.

یک کره‌ی رسانایی بدون بار را با پایه‌ی عایق مطابق شکل (۲) به گلوله‌ی یکی از آونگ‌ها تماس داده و سپس دور می‌کنیم.



نهایی ریاضی - خرداد ۹۳ (۳ بار تکرار)

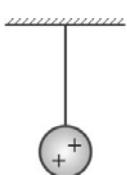
- آ) با رسم شکل ساده پیش‌بینی کنید چه اتفاقی می‌افتد؟

- ب) از انجام این آزمایش، چه نتیجه‌ای می‌گیریم؟

## سؤال ۶ سوال

-۳

- در شکل زیر گلوله‌ی فلزی بارداری از نخ آویزان است. کره‌ی فلزی خنثی را که دارای دسته‌ی نارسانا است به گلوله نزدیک می‌کنیم. مشاهده می‌شود که گلوله .... می‌شود. وقتی تماس حاصل شد، کره را جدا می‌کنیم و دوباره به آرامی آن را به گلوله نزدیک می‌کنیم و ملاحظه می‌شود که گلوله .... می‌شود.



- ۲) دفع - جذب

- ۴) جذب - جذب

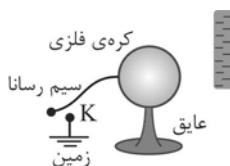
- ۱) جذب - دفع

- ۳) دفع - دفع

(سراسری تجربی ۸۶)

-۴

در شکل زیر، میله‌ی دارای بار منفی را به یک کره‌ی فلزی خنثی که روی پایه‌ی عایقی قرار دارد نزدیک می‌کنیم. اگر در همین حالت



کلید K را وصل کنیم .... .

۱) بارهای منفی از زمین به کره منتقل می‌شوند و بار کره منفی می‌شود.

۲) بارهای منفی از کره‌ی فلزی به زمین می‌روند و بار کره مثبت می‌شود.

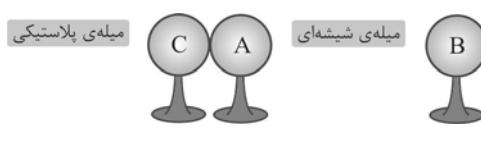
۳) بارهای مثبت از زمین به سمت کره کشیده شده و بار کره مثبت می‌شود.

۴) بارهای مثبت از کره به زمین می‌روند و بار کره منفی می‌شود.

(آزمون کانون ۹۲)

-۵

دو میله‌ی پلاستیکی و شیشه‌ای را که به ترتیب با پارچه‌ای پشمی و پارچه ابریشمی مالش داده شده‌اند و به اندازه‌ی یکسان Q بار دارند، مطابق شکل زیر، به دو کره‌ی A و C که خنثی هستند نزدیک کرده و در همین حالت کره‌ی C را از کره‌ی A جدا کرده و سپس میله‌های باردار را از کره‌ها دور می‌کنیم. اگر کره‌ی B را که در ابتدا خنثی است ابتدا با کره‌ی A و سپس با کره‌ی C تماس دهیم، بار کره‌ی B در نهایت چقدر می‌شود؟ (سه کره‌ی A، B و C فلزی و مشابه هستند و بر روی پایه‌های عایقی قرار دارند.)



$$-\frac{Q}{4} \quad (2) \quad \frac{-Q}{2} \quad (1)$$

$$\frac{+Q}{2} \quad (4) \quad +\frac{Q}{4} \quad (3)$$

(آزمون کانون ۹۱)

-۶

سه جسم A، B و C را دو به دو به یکدیگر نزدیک می‌کنیم. وقتی A و B به یکدیگر نزدیک می‌شوند، هم‌دیگر را با نیروی الکتریکی جذب می‌کنند و اگر B، C را به یکدیگر نزدیک کنیم، یکدیگر را با نیروی الکتریکی دفع می‌کنند. کدامیک از گزینه‌های زیر می‌تواند صحیح باشد؟

(۱) A و C بار همان و هماندازه دارند.

(۲) A، B و C بار غیر همان دارند.

(۳) بدون بار و C باردار است.

(۴) A بدون بار و B باردار است.

(سراسی خارج کشور تجربی ۹۰)

-۷

دو کره‌ی فلزی مشابه A و B به ترتیب با بارهای الکتریکی  $-3 \times 10^{-5}$  - کولن و  $-5 \times 10^{-6}$  - کولن روی پایه‌های عایقی قرار دارند. اگر این دو کره

را با سیمی رسانا به هم متصل کنیم چه تعداد الکترون و از کدام کره به دیگری منتقل می‌شود؟ ( $e = 1/6 \times 10^{-19} C$ )

$$A \text{ و } B \text{ به } 2/5 \times 10^{14} \quad (1)$$

$$A \text{ و } B \text{ به } \frac{1}{16} \times 10^{14} \quad (2) \quad B \text{ و } A \text{ به } \frac{1}{16} \times 10^{14} \quad (3)$$

اگر به جسم رسانایی که دارای بار الکتریکی  $C = +16 \times 10^{-9}$  است،  $q = 10^{15}$  الکترون بدھیم، بار الکتریکی نهایی جسم پس از این کار چند

کولن خواهد شد؟ ( $e = 1/6 \times 10^{-19} C$ )

$$-1/44 \times 10^{-4} \quad (2) \quad 1/44 \times 10^{-4} \quad (1)$$

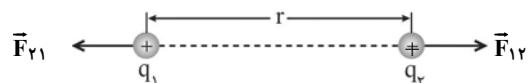
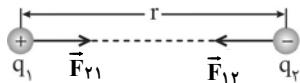
(آزمون کانون ۹۲)

(۴) صفر  $-1/6 \times 10^{-5}$   $(3)$

## قانون کولن

### قانون کولن

بزرگی نیروی الکتریکی ریاضی با رانشی بین دو ذره با بارهای  $q_1$  و  $q_2$  که در فاصله  $r$  از یکدیگر قرار دارند، با حاصل ضرب اندازهی بار دو ذره نسبت مستقیم و با مجدور فاصلهی دو ذره از هم نسبت وارون دارد.

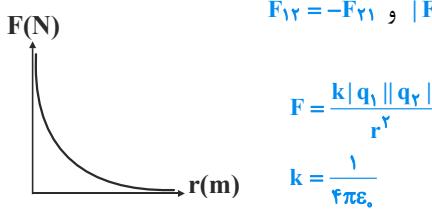


نیروی الکتریکی بین دو بار الکتریکی همنام، رانشی است.

نیروی الکتریکی بین دو بار الکتریکی همان، رانشی است.

نیروهای الکتریکی که دو ذره باردار به یکدیگر وارد می‌کنند، **هماندازه**، در **یک راستا** و در **جهت مخالف** یکدیگرند.

$$\vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21} \quad |F_{12}| = |F_{21}| = |F|$$



اندازهی این نیرو را می‌توان از رابطهی زیر محاسبه نمود:

$$q_2, q_1 \leftarrow \text{مقدار بار الکتریکی بر حسب کولن (C)}$$

$$r \leftarrow \text{فاصلهی بین دو بار بر حسب متر (m)}$$

$$\left( \frac{\text{Nm}^2}{\text{C}^2} \right) \leftarrow k \quad \text{ثبت کولن بر حسب}$$

$F \leftarrow$  نیرویی که دو بار الکتریکی به یکدیگر وارد می‌کنند بر حسب نیوتون (N)

**قانون کولن الگو (۱):** استفاده از رابطهی قانون کولن

$$F = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2} \quad \text{یک پارامتر مجھول و خواستهی مسئله می‌باشد.}$$

**قانون کولن الگو (۲):** تأثیر تغییر فاصله، کم و زیاد کردن مقدار بار الکتریکی بر نیروی بین دو بار

$$\frac{F'}{F} = \frac{q'_1 \times q'_2}{q_1 \times q_2} \times \left( \frac{r}{r'} \right)^2$$

**قانون کولن الگو (۳):** استفاده از قانون دوم و سوم نیوتون

کاربرد قانون سوم نیوتون: نیرویی که دو بار الکتریکی به یکدیگر وارد می‌کنند، **برابر** ولی در **خلاف جهت** می‌باشد.

کاربرد قانون دوم نیوتون: اگر به باری نیرو وارد شود، آن بار شتاب می‌گیرد، که این شتاب با **جرم بار الکتریکی رابطهی عکس** و با **برآیند نیروهای وارد بر آن رابطهی مستقیم** دارد.

$$\vec{a} = \frac{\Sigma \vec{F}}{m}$$

**قانون کولن الگو (۴):** نیروی بین دو کره باردار پس از تماس

اگر دو کره فلزی مشابه با بارهای الکتریکی  $q_1$  و  $q_2$  که در فاصله  $r$  به یکدیگر نیروی  $F$  را وارد می‌کنند، به هم تماس دهیم و از هم جدا کنیم، آنگاه

$$F' = \frac{k|q'|^2}{r'^2} \quad q'_1 = q'_2 \quad \text{می‌شود و در فاصلهی } r' \text{ به یکدیگر نیروی } F' \text{ را وارد می‌کنند.}$$

● پس از تماس دو کره فلزی مشابه، بار الکتریکی آنها هماندازه و همنوع می‌شوند.

$$q_1 + q_2 = q'_1 + q'_2 \xrightarrow{q'_1 = q'_2} q_1 + q_2 = 2q'_1 \xrightarrow{q'_1 = q'_2} q_1 + q_2 = \frac{q_1 + q_2}{2}$$

**قانون کولن الگو (۵):** تعادل بارهای الکتریکی

**حالت (۱):** تعادل بار مورد نظر در بین بارهای هم راستای افقی

باید برآیند نیروهای وارد بر بار مورد نظر از طرف بارهای دیگر **صفرا** باشد.

$$\Sigma F_x = m \cdot a_x \xrightarrow{a_x = 0} \Sigma F_x = 0$$

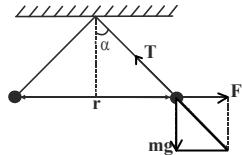
**حالت (۲):** تعادل ذره باردار با در نظر گرفتن نیروی گرانشی

باید برآیند نیروهای وارد بر جسم در راستای **فائق و افقی** برابر **صفرا** باشد.

$$\begin{cases} \Sigma F_x = m \cdot a_x \xrightarrow{a_x = 0} \Sigma F_x = 0 \\ \Sigma F_y = m \cdot a_y \xrightarrow{a_y = 0} \Sigma F_y = 0 \end{cases}$$

## آونک الکتریکی

فرض کنید، دو گلوله به جرم‌های  $m_1$  و  $m_2$  که بار آن‌ها  $q_1$  و  $q_2$  است را توسط دو نخ هم طول عایق به نقطه‌ای از سقف بسته‌ایم. در صورتی که بارها هم‌نام باشند، هر یک از گلوله‌ها تحت اثر نیروی وزن ( $mg$ ) و کشش نخ ( $T$ ) قرار می‌گیرند. اگر زاویه‌ای که یکی از نخ‌ها با امتداد قائم می‌سازد را با  $\alpha$  نشان دهیم در مثلث داریم:

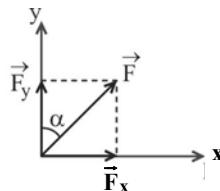
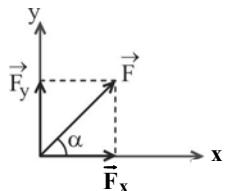


$$T = \sqrt{F^2 + (mg)^2} \quad \text{یا} \quad \begin{cases} T \sin \alpha = F \\ T \cos \alpha = mg \end{cases} \Rightarrow \tan \alpha = \frac{F}{mg}$$

قانون کولن الگو (۶) بارهای الکتریکی غیر هم‌راستا

با توجه به این که نیرو یک کمیت برداری می‌باشد، اگر بخواهیم برآیند نیروهای وارد بر بار مورد نظر از طرف بارهای دیگر را محاسبه کنیم؛ باید از قواعد جمع برداری پیروی کنیم.

● برآیندگیری به روش تجزیه‌ی بردارها



$$\vec{F} = F_x \hat{i} + F_y \hat{j}$$

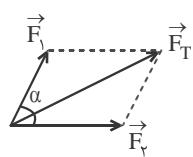
$$\vec{F} = F \cos \alpha \hat{i} + F \sin \alpha \hat{j}$$

$$|F| = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$$

$$\vec{F} = F_x \hat{i} + F_y \hat{j}$$

$$\vec{F} = F \sin \alpha \hat{i} + F \cos \alpha \hat{j}$$

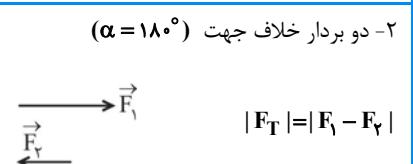
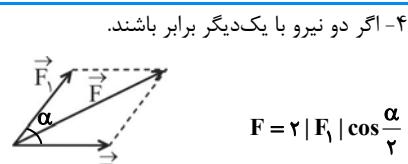
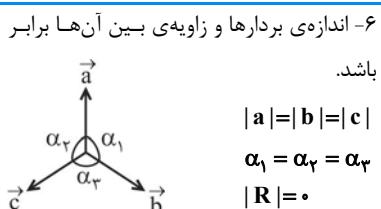
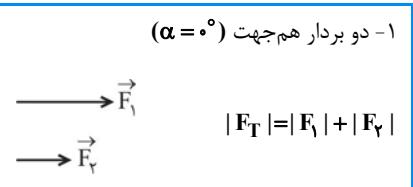
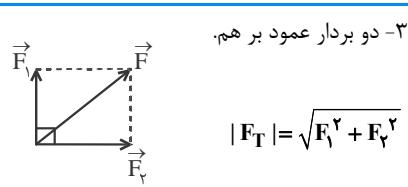
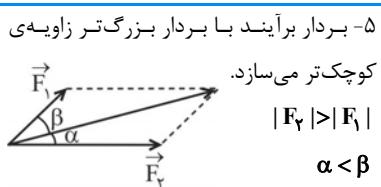
$$|F| = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$$



$$|F_T| = \sqrt{F_V^2 + F_H^2 + 2F_V F_H \cos \alpha}$$

● برآیندگیری به روش متوازی‌الاضلاع

حالات‌های خاص



## قانون کولن

## سوال ۸

## سؤال تشریحی

قانون کولن را بنویسید و جاهای خالی را با کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید و یا از داخل پرانتز عبارت مناسب را انتخاب کنید.

(نهایی تجربی - خرداد ۹۴)

(نهایی تجربی - دی ۹۰)

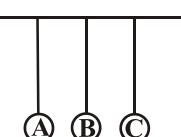
(نهایی ریاضی - دی ۸۸)

(ت) اگر بارهای الکتریکی دو جسم ... باشد، نیروی بین دو جسم، رانشی و اگر بارهای الکتریکی دو جسم ... باشند، نیروی بین دو جسم رباشی خواهد بود.

(نهایی تجربی - خرداد ۸۷)

(ج) اگر فاصله‌ی بین دو بار نقطه‌ای از یکدیگر نصف شود، نیروی الکتریکی بین دو بار (نصف، دو برابر، چهار برابر) می‌شود.

(نهایی تجربی - شهریور و خرداد ۸۵)

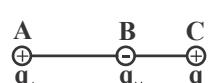


سه آونگ C و B و A در فاصله‌های یکسان از یکدیگر واقع‌اند. اگر آن‌ها را باردار کنیم و در همین وضعیت باقی بمانند، بزرگی و علامت بار آن‌ها را مقایسه کنید

اصفهان - غیردولتی آزم ۹۱ (۵ بار تکرار)

دو ذرهی با بارهای  $q_1$  و  $q_2 = 5q_1$  در فاصله‌ی ۳ سانتی‌متر از یکدیگر ثابت شده‌اند. اندازه‌ی نیرویی که دو ذره به یکدیگر وارد می‌کنند،  $50\text{N}$

است. اندازه‌ی  $q_1$  و  $q_2$  را حساب کنید. ( $k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}$ )



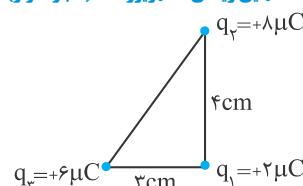
مطابق شکل مقابل، سه ذره با بارهای الکتریکی  $q_1 / 5\mu\text{C}$  و  $q_2 = -1\mu\text{C}$  و  $q_3 = +4\mu\text{C}$  در نقطه‌های A، B و C ثابت شده‌اند. بزرگی و جهت برایند نیروهای الکتریکی وارد بر بار  $q_3$  را محاسبه کنید.

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}, \overline{BC} = 2\text{cm}, \overline{AC} = 6\text{cm})$$

(نهایی تجربی - دی ۸۷ (۶ بار تکرار))

مطابق شکل رو به رو، دو بار الکتریکی مثبت  $q_1$  و  $q_2$  در فاصله‌ی ۶ سانتی‌متر از هم قرار دارند. با محاسبه و رسم شکل نشان دهید بار الکتریکی  $q_2$  را در چه فاصله‌ای از بار الکتریکی  $q_1$  قرار دهیم تا در حالت تعادل قرار گیرد؟

(نهایی ریاضی - شهریور ۸۴ (۶ بار تکرار))



مطابق شکل، سه ذرهی باردار در سه رأس مثلث قائم‌الزاویه‌ای ثابت شده‌اند. برایند نیروهای الکتریکی

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$

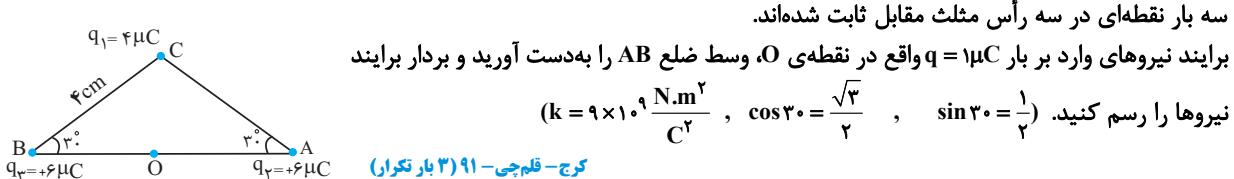
(نهایی ریاضی - دی ۹۳ (۸ بار تکرار))

سه بار نقطه‌ای در سه رأس مثلث مقابل ثابت شده‌اند.

برایند نیروهای وارد بر بار C =  $1\mu\text{C}$  واقع در نقطه‌ی O، وسط ضلع AB را به دست آورید و باردار برایند

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}, \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}, \sin 30^\circ = \frac{1}{2})$$

نیروها را رسم کنید.



(کرج - قلمجی - ۹۱ (۳ بار تکرار))



-۱۶ مانند شکل، دو گلوله با بارهای هم نام و مساوی هر کدام به جرم  $10\text{ g}$  را در یک لوله شیشه‌ای قائم با بدنه نارسانا و بدون اصطکاک رها می‌کنیم. اگر در حالت تعادل، گلوله‌ها در فاصله‌ی  $40\text{ سانتی‌متر}$  از هم قرار بگیرند، بار الکتریکی هر

$$(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}, k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$

گلوله را محاسبه کنید.

نهايي رياضي - خرداد ۸۷ (۲ بار تكرار)

### ۱۱ سؤال سؤالات تست

-۱۷ دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_1$  و  $5q_1 = q_2$  در فاصله‌ی  $3\text{ متر}$  هم قرار دارند و نیروی دافعه‌ی  $N = 0.2\text{ N}$  به یکدیگر وارد می‌کنند.  $q_1$  چند

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$

۲ (۴)

۴ (۳)

۵ (۲)

۱۰ (۱)

(سراسري خارج كشور تجربى ۹۱)

-۱۸ نیروی بين دو بار الکتریکی  $q_1$  و  $q_2$  که به فاصله‌ی  $r$  از يكديگر قرار دارند،  $F$  است. اگر اندازه‌ی يكى از بارها و همچنان فاصله‌ی بين دو بار نيز، نصف شود، نیروی بين آنها چند برابر می‌شود؟

(سراسري خارج كشور رياضي ۸۷)  $\frac{3}{2}$  (۴)  $\frac{1}{2}$  (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

-۱۹ دو بار الکتریکی همنام  $q_1 = 8\mu\text{C}$  و  $q_2$  در فاصله‌ی  $r$ ، نیروی  $F$  بر هم وارد می‌کنند. اگر  $25\text{ درصد}$  از بار  $q_1$  را براحته به  $q_2$  اضافه کنیم، بدون تغيير فاصله‌ی بارها نیروی متناظر بين آنها  $50\text{ درصد}$  افزایش می‌يابد. مقدار اوليه‌ی  $q_2$  چند ميكروكولون است؟

(سراسري رياضي ۸۹) ۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

-۲۰ دو بار الکتریکی نقطه‌ای همنام  $q_1$  و  $q_2$  با جرم‌های  $m_1$  و  $m_2$  در حال دور شدن از يكديگر هستند. اگر تنها نیروی وارد بر اين بارها نیروی دافعه‌ی الکتریکی بين دو بار باشد، به تدریج و با دور شدن بارها از هم، نسبت اندازه‌ی شتاب‌های دو بار .... و اندازه‌ی شتاب هر بار .... .

(۱) ثابت می‌ماند- کاهش می‌يابد  
(۲) کاهش- نيز کاهش می‌يابد  
(۳) ثابت می‌ماند- نيز ثابت می‌ماند

-۲۱ دو گلوله‌ی فلزی کوچک و مشابه که دارای بار الکتریکی می‌باشند، از فاصله‌ی  $30\text{ سانتی‌متر}$ ، نیروی جاذبه‌ی  $4\text{ نيوتون}$  بر يكديگر وارد می‌کنند. اگر اين دو گلوله را به هم تماس دهيم، بار الکتریکی هر کدام  $C = 3\mu\text{C} + 3\mu\text{C}$  خواهد شد. بار اوليه‌ی گلوله‌ها بر حسب ميكروكولون کدام است؟

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$

(سراسري رياضي ۹۴) -۲ (۴) -۳ (۳) -۴ (۲) ۱۰ و -۶ (۱)

-۲۲ فرض می‌کنیم دو بار مثبت  $q$  که در یک فاصله معین قرار دارند، نیروی برابر  $F$  به يكديگر وارد می‌کنند چند درصد يكى را براحته به دیگري اضافه کنیم تا در همان فاصله نیروی بين آنها  $\frac{15}{16}$  برابر گردد؟

(سراسري تجربى ۷۸) ۲۵ (۴) ۲۰ (۳) ۱۶ (۲) ۱۵ (۱)

-۲۳ دو ذره يكى به جرم  $m$  و بار الکتریکی  $q$  و ذره‌ي دیگر به جرم  $2m$  با بار الکتریکی  $3q$  مجاور هم قرار دارند. اگر اين دو ذره فقط تحت اثر نیروی الکتریکی که به هم وارد می‌کنند شتاب بگيرند، شتاب وارد بر جرم  $m$  چند برابر شتاب وارد بر ذره دوم است؟

(سراسري تجربى ۷۰) ۶ (۴) ۲ (۳) ۲ (۲)  $\frac{1}{2}$  (۱)

-۴۴ دو کره فلزی مشابه دارای بارهای الکتریکی  $q_1 = +5\mu C$  و  $q_2 = +15\mu C$  در فاصله  $r$ ، نیروی  $F$  را بر یکدیگر وارد می‌کنند. اگر این دو کره را در یک لحظه با یکدیگر تماس دهیم، به طوری که فقط بین دو کره مبادله بار صورت گیرد و مجدداً به همان فاصله قبلى برگردانیم، نیروی دافعه بین دو کره چگونه تغییر می‌کند؟

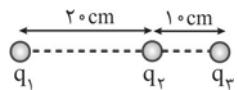
(۲) ۲۵ درصد کاهش می‌یابد.

(۱) ۲۵ درصد افزایش می‌یابد.

(سراسری تجربی ۹۱)

(۴) تقریباً ۳۳ درصد افزایش می‌یابد.

(۳) تقریباً ۳۳ درصد کاهش می‌یابد.



-۴۵ در شکل رو به رو، برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر هر یک از بارهای نقطه‌ای برابر صفر است. کدام است؟

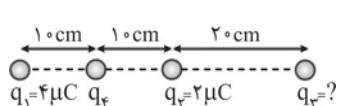
(سراسری تجربی ۹۳)

$$\frac{9}{4} \quad (۴)$$

$$-\frac{9}{4} \quad (۳)$$

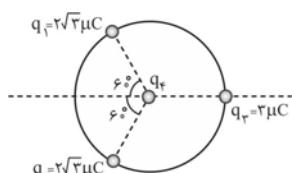
$$+4 \quad (۲)$$

$$-4 \quad (۱)$$



-۴۶ در شکل رو به رو، برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر بار  $q_4$  برابر صفر است. بار  $q_3$ ، چند میکروکولون است؟

(سراسری ریاضی ۹۱)



-۴۷ مطابق شکل، سه بار نقطه‌ای روی محیط دایره‌ای به شعاع ۱۰ cm، ثابت نگه داشته شده‌اند و بار چهارم است؟

(۴) در مرکز دایره قرار دارد. اگر برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر بار  $q_3$  برابر  $8/1$  نیوتون باشد، بار

مثبت  $q_4$  چند میکروکولون است؟ (بارهای الکتریکی مثبت و  $k = ۹ \times 10^۹ \frac{N \cdot m^۲}{C^۲}$  است)

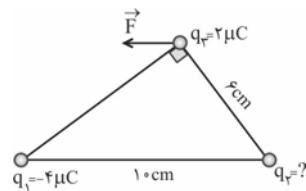
(سراسری ریاضی ۹۰)

$$20 \quad (۴)$$

$$10 \quad (۳)$$

$$2 \quad (۲)$$

$$1 \quad (۱)$$



-۴۸ مطابق شکل، سه بار نقطه‌ای در جای خود ثابت شده‌اند. برآیند نیروهایی که بارهای  $q_1$  و  $q_2$  بر بار  $q_3$  وارد می‌کنند (نیروی  $\vec{F}$ ) موازی با قاعده‌ی مثلث است. بار  $q_2$  چند میکروکولون است؟

(۴) ۳ (۱)

$\frac{27}{16} \quad (۴)$

۳ (۱)

$\frac{9}{4} \quad (۳)$

(سراسری خارج کشور ریاضی ۸۸)

-۴۹ مطابق شکل زیر، سه ذرهی باردار در سه رأس یک مثلث قائم الزاویه ثابت شده‌اند. اندازه‌ی برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر ذرهی واقع در رأس قائمه از طرف دو بار دیگر چند نیوتون است؟

(۴)  $k = ۹ \times 10^۹ \frac{N \cdot m^۲}{C^۲}$  (۱)

$4 \times 10^{-۲} \quad (۲)$

$5 \times 10^{-۲} \quad (۴)$

$4 \times 10^{-۲} \quad (۱)$

$3/2 \times 10^{-۲} \quad (۳)$

(آزمون کانون ۹۳)

-۵۰ مطابق شکل زیر، دو آونگ الکتریکی مشابه با بار الکتریکی  $q$  و جرم‌های برابر با  $30$  گرم در حال تعادل قرار دارند. اگر طول آونگ‌ها  $5$  سانتی‌متر باشند، اندازه‌ی بار  $q$  کدام است؟

(۴)  $k = ۹ \times 10^۹ \frac{N \cdot m^۲}{C^۲}, g = ۱۰ \frac{N}{kg}, \sin ۳۷^\circ = ۰/۶$  (۱)

$۰/۳\mu C \quad (۲)$

$۳۰.۰\mu C \quad (۴)$

$۱/۵\mu C \quad (۱)$

$۱۵\mu C \quad (۳)$

(آزمون کانون ۹۳)

(۴)  $k = ۹ \times 10^۹ \frac{N \cdot m^۲}{C^۲}, g = ۱۰ \frac{N}{kg}, \sin ۳۷^\circ = ۰/۶$  (۱)

$۳۰.۰\mu C \quad (۴)$

$۱۵\mu C \quad (۳)$

## مفهوم میدان الکتریکی، محاسبه و مقایسه میدان حاصل از یک ذره

### تعریف کیفی میدان الکتریکی

یک بار در هر نقطه از فضای اطراف خود خاصیتی را ایجاد می‌کند که طبق آن خاصیت، اگر بار الکتریکی دیگری در آن فضا قرار گیرد بر آن نیرو وارد می‌شود.

### تعریف کمی میدان الکتریکی

$$\bar{E} = \frac{\bar{F}}{q_0}$$

میدان الکتریکی در هر نقطه برابر است با نیروی که بر واحد بار مثبت قرار گرفته در آن نقطه وارد می‌شود. یعنی:

**F** : نیروی وارد بر بار الکتریکی بحسب نیوتون (**N**)

**q<sub>0</sub>** : یکای بار آزمون بحسب کولن (**C**)

**E** : بزرگی میدان الکتریکی بحسب نیوتون  $\left( \frac{N}{C} \right)$

### محاسبه برآیند میدان الکتریکی حاصل از یک ذره باردار

اگر بار آزمون **q** در نقطه‌ی **A** قرار گیرد، بار **q** به آن نیروی **bar** وارد می‌کند، با استفاده از قانون کولن، نیروی **F** را محاسبه می‌کنیم و با جایگذاری در

$$\text{---} \bullet A$$

رابطه‌ی  $\bar{E} = \frac{\bar{F}}{q_0}$  بزرگی میدان الکتریکی بار **q** را در نقطه‌ی **A** بدست می‌آوریم.

$$F = k \frac{|q||q_0|}{r^2} \rightarrow E = k \frac{|q|}{r^2}$$

### مقایسه میدان الکتریکی حاصل از یک ذره

$$\frac{E_2}{E_1} = \frac{q_2}{q_1} \times \left( \frac{r_1}{r_2} \right)^2$$

### که مفاهیم میدان الکتریکی:

#### سوالات تشریحی ۱

-۳۱) میدان الکتریکی را به دو گونه با ذکر یکا تعريف کنید.

ب) از داخل پرانتز عبارت درست را انتخاب کنید و یا جاهای خالی را کامل کنید.

۱- میدان الکتریکی در هر نقطه از فضا برداری است که به صورت (مماس، عمود) بر خط میدان در آن نقطه رسم می‌شود.

۲- یکای میدان الکتریکی در **SI**,  $\frac{N}{m}$  است.

۳- یک بار الکتریکی در هر نقطه از فضای اطراف خود، خاصیتی ایجاد می‌کند که به آن ..... می‌گویند.

نهایی تجربی - خرداد ۹۴ / نهایی تجربی - دی ۹۳ / نهایی تجربی - دی / شهریور ۹۱ / نهایی تجربی - دی و خداد ۸۷ / (۱۰ بار تکرار)

#### سوالات تستی ۲

-۳۲) اگر در نقطه‌ای از فضا بر بار **C** ۲۰ از طرف میدان الکتریکی نیروی ۲٪ نیوتون وارد شود، شدت میدان الکتریکی در آن نقطه چند نیوتون بر کولن است؟

(۱)  $10^{-3}$

(۲)  $10^{-2}$

(۳)  $10^2$

(۴)  $10^3$

(سراسری تجربی ۷۶)

-۳۳) میدان الکتریکی در فاصله‌ی ۲۰ سانتی‌متری از بار **q** برابر  $C/18N$  است. چند سانتی‌متر دیگر از بار فوق دور شویم تا میدان الکتریکی برابر  $8N/C$  شود؟

(سراسری تجربی ۸۳)

(۱)  $40$

(۲)  $30$

(۳)  $20$

(۴)  $10$

## محاسبه برایند میدان الکتریکی حاصل از دو یا چند بار

## محاسبه برآیند میدان الکتریکی حاصل از چند بار نقطه‌ای

با استفاده از اصل برهم نهی نیروهای کولی که از رابطه  $\vec{F}_T = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \dots$  به دست می‌آید و تقسیم طرفین این معادله بر  $q_0$  داریم:

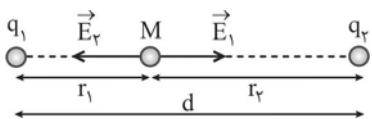
$$\frac{\vec{F}_T}{q_0} = \frac{\vec{F}_1}{q_0} + \frac{\vec{F}_2}{q_0} + \dots \xrightarrow{\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0}} \vec{E}_T = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \dots$$

این رابطه که موسوم به اصل برهم نهی میدان الکتریکی است، نشان می‌دهد که میدان الکتریکی ناشی از چند بار الکتریکی در نقطه‌ای از فضا، برابر **مجموع میدان‌هایی** است که هر بار در نبود سایر بارها در آن نقطه از فضا ایجاد می‌کند.

## تعیین نقطه‌ای بین دو بار که میدان الکتریکی برآیند در آن نقطه صفر می‌شود

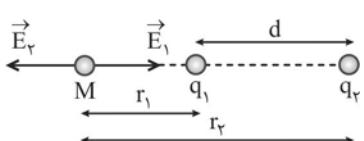
- اگر  $|q_2| < |q_1|$  باشد، آنگاه نقطه‌ی مورد نظر به بار با اندازه‌ی کوچک‌تر نزدیک‌تر می‌باشد.

- اگر دو بار **نامنام** باشند، این نقطه بین دو بار و نزدیک به **بار کوچک‌تر** قرار می‌گیرد.



$$|E_1| = |E_2| \rightarrow \frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{k|q_2|}{r_2^2} \rightarrow \frac{|q_1|}{r_1^2} = \frac{|q_2|}{r_2^2}$$

$$d = r_1 + r_2$$



$$|E_1| = |E_2| \rightarrow \frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{k|q_2|}{r_2^2} \rightarrow \frac{|q_1|}{r_1^2} = \frac{|q_2|}{r_2^2}$$

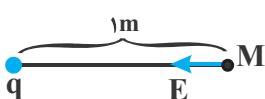
$$d = r_2 - r_1$$

## دوقطبی الکتریکی

به دو بار الکتریکی هم اندازه و نامنام  $q$  و  $q$ - که در فاصله‌ای از یکدیگر قرار داشته باشند، دوقطبی الکتریکی می‌گویند.

## که محاسبه برآیند میدان الکتریکی حاصل از دو یا چند بار

## سوالات تشریحی ۵



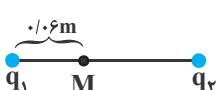
-۳۴) در شکل مقابل و در نقطه‌ی  $M$  قرار دهیم، اگر بار الکتریکی  $2\mu C$  را در نقطه‌ی  $M$  قرار دهیم،

$$\text{بزرگی نیروی وارد بر آن چند نیوتون است؟ } (k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$$

نهایی تجربی - خرداد ۹۳ / نهایی ریاضی - دی ۸۶ (۳ بار تکرار)

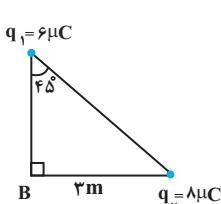
ب) بر بار الکتریکی  $2\mu C$  در یک نقطه از میدان الکتریکی، نیرویی برابر  $N = 5 \times 10^{-3}$  وارد می‌شود. اندازه‌ی میدان الکتریکی را در این نقطه محاسبه کنید.

-۳۵) مطابق شکل زیر، دو بار الکتریکی ذرهای  $C = 10^{-9}$  و  $q_1 = -27 \times 10^{-9}$  متری از یکدیگر ثابت شده‌اند. بزرگی



$$\text{میدان الکتریکی را در نقطه‌ی } M \text{ حساب کنید. } (k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$$

نهایی تجربی - خرداد ۹۰ (۱۰ بار تکرار)



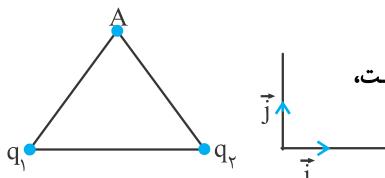
نهایی ریاضی - دی ۸۹ (۸ بار تکرار)

در شکل مقابل:

آ) بزرگی میدان الکتریکی برایند را در رأس قائم مثلث با رسم شکل به دست آورید.

ب) اگر در رأس قائم بار الکتریکی  $5C$  قرار گیرد، نیرویی وارد بر آن چند نیوتون

$$\text{است؟ } (k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$$

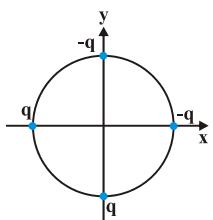


-۳۷ مطابق شکل، دو ذره باردار  $q_1$  و  $q_2$  در فاصله  $0.1\text{m}$  از یکدیگر قرار دارند.

بردار میدان الکتریکی برایند را در نقطه A که فاصله آن از هر یک از بارها برابر  $0.1\text{m}$  است، برحسب بردارهای یکهی  $\hat{i}$  و  $\hat{j}$  دستگاه مختصات نشان داده شده در شکل بنویسید.

$$K = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}, q_1 = q_2 = 2nC \quad (\sin 30^\circ = \cos 60^\circ = \frac{1}{2}, \cos 30^\circ = \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2})$$

(نهایی تجربی - خرداد ۹۴) (۲ بار تکرار)



-۳۸ در شکل مقابل، شعاع دایره  $1\text{ m}$  و  $C = 5 \times 10^{-9}\text{ C}$  است. بزرگی و جهت میدان الکتریکی برایند را در

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$

(نهایی ریاضی - شهریور ۸۸) (۳ بار تکرار)

## سوالات تستی

-۳۹ دو بار نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2 = 4q_1$ ، در فاصله  $r$  از هم واقع‌اند. میدان الکتریکی ناشی از دو بار در فاصله  $d_1$  از بار  $q_1$  برابر صفر است. اگر

فاصله‌ی دو بار از هم  $2$  برابر شود، میدان الکتریکی برایند در فاصله‌ی  $d_2$  از بار  $q_2$  برابر صفر می‌شود.  $d_2$  چند برابر  $d_1$  است؟

$$\frac{3}{2} \quad (1) \quad \frac{4}{3} \quad (2)$$

$$4 \quad (3) \quad 2 \quad (4)$$

(سراسری تجربی ۹۴) بارهای الکتریکی نقطه‌ای  $C = 4\mu\text{C}$  و  $-8\mu\text{C}$  روی محور  $x$  به ترتیب در مکان‌های  $x = 6\text{cm}$  و  $x = 12\text{cm}$  قرار دارند. بار نقطه‌ای چند میکروکولن را

باید در مکان  $x = 18\text{cm}$  قرار داد تا میدان الکتریکی در مبدأ محور  $x$  برابر صفر شود؟

$$-18 \quad (1) \quad -54 \quad (2)$$

$$54 \quad (3) \quad 18 \quad (4)$$

-۴۱ اگر بزرگی میدان الکتریکی حاصل از بار نقطه‌ای  $C = -2\mu\text{C}$  را در نقطه‌ی M به فاصله  $2\text{mm}$  و در نقطه‌ی N به فاصله  $20\text{cm}$  از این بار، به

$$\text{ترتیب } E_2, E_1 \text{ بنامیم، حاصل } \frac{E_1}{E_2} \text{ کدام است؟}$$

$$10^3 \quad (1) \quad 10^4 \quad (2)$$

$$10^{-3} \quad (3) \quad 10^{-4} \quad (4)$$

-۴۲ در شکل رویه‌رو، ۳ بار الکتریکی در نقاط مشخص شده قرار دارند. بردار میدان الکتریکی در مبدأ را

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$

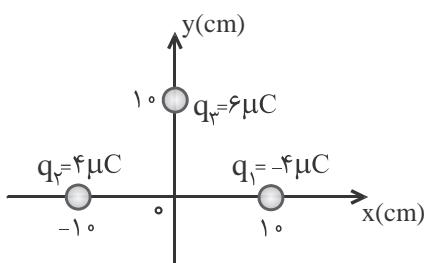
$$9 \times 10^6 \hat{j} \quad (1)$$

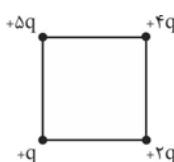
$$5/4 \times 10^6 \hat{j} \quad (2)$$

$$(7/2\hat{i} - 5/4\hat{j}) \times 10^6 \quad (3)$$

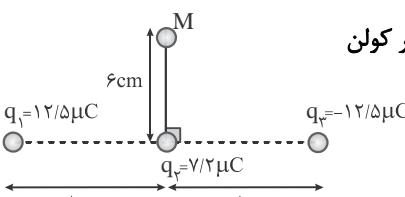
$$(5/4\hat{i} - 7/2\hat{j}) \times 10^6 \quad (4)$$

(سراسری خارج کشور ریاضی ۹۱)

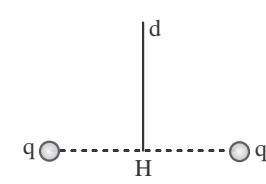




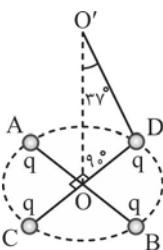
(سراسری ریاضی ۸۵)



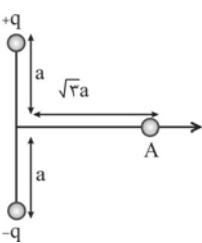
(سراسری ریاضی ۹۲)



(سراسری تجربی ۸۲)



(سراسری ریاضی ۸۸)



(آزاد ریاضی ۷۸)

اگر در یک رأس مربعی بار  $q$  قرار گیرد، میدان الکتریکی حاصل از آن در مرکز مربع  $E$  است. حال اگر در چهار رأس همان مربع بارهای الکتریکی مطابق شکل قرار گیرند، اندازه میدان الکتریکی در مرکز آن چند می‌شود؟

$$2\sqrt{3} \quad (۲)$$

۳

$$3\sqrt{2} \quad (۴)$$

۲

$$\frac{3}{2}\sqrt{2} \quad (۳)$$

سه بار نقطه‌ای مطابق شکل زیر قرار دارند. بزرگی میدان الکتریکی در نقطه  $M$  چند نیوتون بر کولن است؟

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}) \quad 18\sqrt{2} \times 10^6 \quad (۱)$$

$$6\sqrt{2} \times 10^6 \quad (۲)$$

$$18 \times 10^6 \quad (۴)$$

$$6 \times 10^6 \quad (۳)$$

در شکل مقابل، بارهای الکتریکی همنام و هماندازه در فضای اطراف خود میدان الکتریکی ایجاد کردند. تغییرات این میدان در روی خط  $d$  (عمودمنصف پاره خط واصل دو بار) از فاصله‌ی خیلی دور تا نقطه  $H$  (وسط دو بار الکتریکی) چگونه است؟

(۱) پیوسته کاهش

(۲) پیوسته افزایش

(۳) کاهش-افزایش

(۴) افزایش-کاهش

دو قطر عمود بر هم  $AB$  و  $CD$  از یک دایره‌ی افقی را در نظر گرفته و چهار بار الکتریکی نقطه‌ای مشابه در نقاط  $A, B, C, D$  قرار می‌دهیم. اگر بزرگی میدان الکتریکی هر یک از بارها در نقطه  $O'$  (نشان داده شده در شکل) برابر  $\frac{N}{C}$  باشد، برآیند میدان‌های الکتریکی حاصل در نقطه  $O'$  چند نیوتون بر کولن است؟  $(\cos 37^\circ = 0.8)$

$$8 \times 10^4 \quad (۱)$$

$$6 / 4 \times 10^4 \quad (۲)$$

$$1 / 6 \times 10^4 \quad (۴)$$

$$3 \times 10^5 \quad (۳)$$

(سراسری ریاضی ۸۸)

در شکل مقابل، اندازه شدت میدان الکتریکی حاصل از دوقطبی در نقطه  $A$  برابر کدام است؟

$$\frac{1}{8\pi\epsilon_0} \frac{q}{a^2} \quad (۲)$$

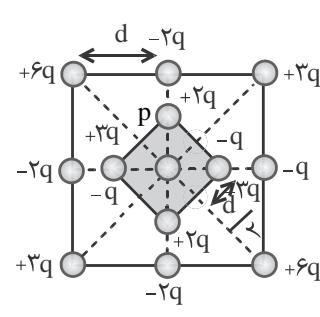
$$\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{a^2} \quad (۱)$$

$$\frac{1}{16\pi\epsilon_0} \frac{q}{a^2} \quad (۴)$$

$$\frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{q}{a^2} \quad (۳)$$

(سراسری ریاضی ۸۸)

شکل مقابل، دو آرایه مربعی از ذرات باردار را نشان می‌دهد. مربع‌ها در نقطه  $p$  هم مرکزند و



(آزمون کانون ۹۳)

ذره‌های مجاور روی محیط هر مربع به فاصله  $d$  یا  $\frac{d}{2}$  از هم قرار گرفته‌اند. بزرگی میدان الکتریکی برآیند در نقطه  $P$  چند نیوتون بر کولن بوده و در کدام جهت است؟

$$\frac{2kq}{d^2} \quad (۲)$$

و راست  $\frac{kq}{d^2}$  (۱)

$$\frac{2kq}{d^2} \quad (۴)$$

$$\frac{kq}{d^2} \quad (۳)$$

## خطوط میدان الکتریکی

## ۱۰۰٪ افقی خطوط

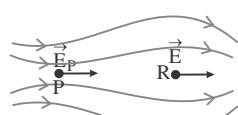
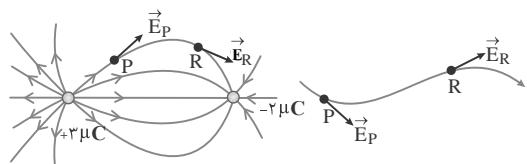
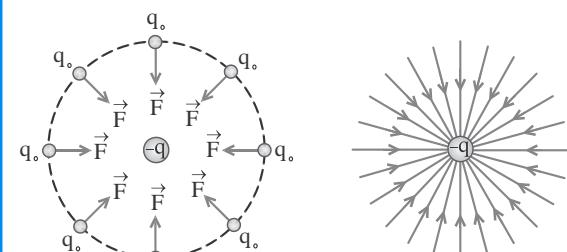
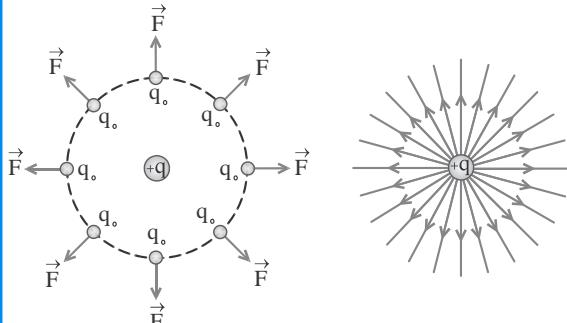
برای مجسم کردن میدان الکتریکی در فضای اطراف اجسام دارای بار، از خطهای جهت داری موسوم به **خطوط میدان الکتریکی** استفاده می‌کنیم.

## ویژگی خطوط میدان الکتریکی

- ۱- خطهای میدان در هر نقطه، **همجهت با نیروی وارد بر بار آزمون (مثبت)** در آن نقطه می‌باشد.

جهت خطوط میدان الکتریکی برای بار مثبت رو به **خارج** می‌باشد.

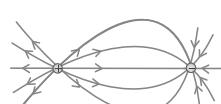
جهت خطوط میدان الکتریکی برای بار منفی رو به **داخل** می‌باشد.



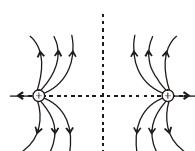
- ۲- میدان در هر نقطه، برداری است **مماس** بر خط میدانی که از آن نقطه می‌گذرد و با آن خط میدان **همجهت** است.

در هر ناحیه که میدان **قوی‌تر** باشد، خطهای میدان به یکدیگر نزدیک‌تر و **فشرده‌تر** می‌باشد.

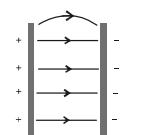
- ۴- خطهای میدان یکدیگر را قطع **نمی‌کنند**؛ یعنی از هر نقطه فقط **یک خط** میدان می‌گذرد.



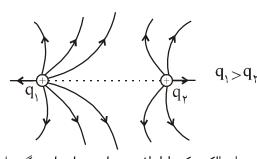
میدان الکتریکی اطراف دو بار ناهمنام با بزرگی یکسان



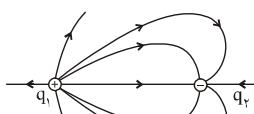
میدان الکتریکی اطراف دو بار ناهمنام با بزرگی یکسان



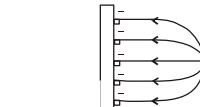
میدان الکتریکی یکنواخت بین دو صفحهٔ رسانای باردار و موازی



میدان الکتریکی اطراف دو بار ناهمنام با بزرگی نابرابر

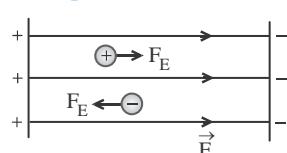


میدان الکتریکی اطراف دو بار ناهمنام با بزرگی نابرابر



میدان الکتریکی اطراف یک بار نقطه‌ای و یک صفحهٔ رسانای باردار با بارهای ناهمنام

اگر بار الکتریکی  $q$  در میدان الکتریکی  $\vec{E}$  ناشی از اجسام باردار دیگری قرار گیرد، میدان بر آن نیروی  $\vec{F}$  را وارد می‌کند که از رابطه‌ی زیر محاسبه می‌شود:



**مثبت:** نیرویی که میدان به بار وارد می‌کند، در **جهت میدان** به سمت پتانسیل کمتر می‌باشد.

**منفی:** نیرویی که میدان به بار وارد می‌کند، در خلاف **جهت میدان** به سمت پتانسیل بیشتر می‌باشد.

